

Time : Three hours Maximum : 75 marks

PART A — (10 × 2 = 20 marks)

Answer any TEN questions.

- Write the expansion of $\log(1+x)$.
log₁₀(1+x) என்பதை எழுதுக.
- Write Lagrange's formula.
லெக்ராஞ்சியின் வாய்ப்பாட்டை எழுதுக.
- Define orthogonal matrix.
வளர்யறு : செங்குத்து அணி.
- State Cayley Hamilton theorem.
கெப்பிலி ஹாமிள்டன் தேற்றத்தை எழுதுக.
- Find the sum of the eigenvalues of $\begin{pmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 1 & 0 & 3 \\ -2 & -1 & -3 \end{pmatrix}$.
 $\begin{pmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 1 & 0 & 3 \\ -2 & -1 & -3 \end{pmatrix}$ என்பது மூலங்களின் கூடுதல் காண்க.
- Find the radius of curvature of the curve $xy=1$ at the point (1, 1).
 $xy=1$ என்ற வளைவளர்க்கு (1, 1) எலூம் புள்ளியில் வளைச்சுரட் காண்க.
- Diminish the roots of the equation $2x^3 - 7x^2 + 3x - 5 = 0$ by 2.
 $2x^3 - 7x^2 + 3x - 5 = 0$ எனில் $\theta = \frac{1}{29}$ ரோடியன் என நிரூபிபி.
- If $\frac{\tan \theta}{\theta} = \frac{2524}{2523}$, prove that $\theta = \frac{1}{29}$ radians.
 $\frac{\tan \theta}{\theta} = \frac{2524}{2523}$ எனில் $\theta = \frac{1}{29}$ ரோடியன் என நிரூபிபி.
- Prove that $\cosh^2 x - \sinh^2 x = 1$.
 $\cosh^2 x - \sinh^2 x = 1$ என நிரூபிபி.
- Find Log i .
Log i காண்க.
- State Leibnitz theorem.
லீபின்டல் தேற்றத்தை எழுதுக.
- Find the radius of curvature of the curve $xy=1$ at the point (1, 1).
 $xy=1$ என்ற வளைவளர்க்கு (1, 1) எலூம் புள்ளியில் வளைச்சுரட் காண்க.

1. B.Sc (Chemistry) - Mathematics: I**2. 72073/SBAMM**

PART B — (5 × 5 = 25 marks)

Answer any FIVE questions.

- Prove that $\log_3 e - \log_9 e + \log_{27} e - \dots = \frac{\log_e 2}{\log_e 3}$.
 $\log_3 e - \log_9 e + \log_{27} e - \dots = \frac{\log_e 2}{\log_e 3}$ என நிரூபிபி.
- Find the eigenvalues of $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$.
 $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ என்பது மூலங்களைக் காண்க.
- If the roots of $x^3 + px^2 + qx + r = 0$ are in A.P., prove that $2p^3 - 9pq + 27r = 0$.
 $x^3 + px^2 + qx + r = 0$ என் மூலங்கள் கூடுதலாட்சியில் (A.P.) அமைந்தால், $2p^3 - 9pq + 27r = 0$ என நிரூபிபி.
- Solve : $x^3 - 4x^2 - 3x + 18 = 0$, given that two of its roots are equal.
 $x^3 - 4x^2 - 3x + 18 = 0$ என் இரு மூலங்கள் சமம் எனில் அதனைத் தீர்க்க.

21. Verify Cayley Hamilton theorem for

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ -2 & 1 & 3 \\ 3 & 2 & -3 \end{pmatrix}$$

and hence find A^{-1} .

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ -2 & 1 & 3 \\ 3 & 2 & -3 \end{pmatrix}$$

சரிபாக்கு, A^{-1} ஜெயம் காணக.

22. Solve : $6x^5 + 11x^4 - 33x^3 - 33x^2 + 11x + 6 = 0$

கிடைக்க : $6x^5 + 11x^4 - 33x^3 - 33x^2 + 11x + 6 = 0$.

23. If $\sin(A+iB) = x+iy$, prove that

$$\frac{x^2}{\sin^2 A - \cos^2 A} = 1 \text{ and } \frac{x^2}{\cosh^2 B + \sinh^2 B} = 1.$$

$$\sin(A+iB) = x+iy \quad \text{எனில்} \quad \frac{x^2}{\sin^2 A - \cos^2 A} = 1;$$

$$\frac{x^2}{\cosh^2 B + \sinh^2 B} = 1 \quad \text{எனில்}$$

24. Show that the maximum value of $x^2y^2z^2$, if

$$x^2 + y^2 + z^2 = a^2 \text{ is } \frac{a^6}{27}.$$

$x^2 + y^2 + z^2 = a^2$ எனில் $x^2y^2z^2$ ன் மிகுந்த மதிப்பு $\frac{a^6}{27}$ எனக்காட்டுக.